


2. Bedömningsanvisningar

I det här kapitlet finns anvisningar för hur provet ska bedömas.

Läsanvisning

Exempel på ett godtagbart svar anges inom parentes. Till en del uppgifter är bedömda elevlösningar bifogade för att ange nivån på bedömningen. Om exempel på bedömda elevlösningar finns i materialet markeras detta med en hänvisning.

Instruktioner för bedömning av delprov B

- | | |
|--|---|
| 1. | Max 3/0/0 |
| a) Korrekt svar ($f'(x) = 5 \cos 5x$) | +1 EP |
| b) Korrekt svar ($g'(x) = 50(5x + 2)^9$)
<i>Kommentar:</i> Även svaret $g'(x) = 10(5x + 2)^9 \cdot 5$ godtas. | +1 EP |
| c) Korrekt svar ($h'(x) = 7x^6 \cdot e^x + x^7 \cdot e^x$) | +1 EP |
| 2. | Max 2/0/0 |
| a) Korrekt svar ($90^\circ; \frac{\pi}{2}$) | +1 EB |
| b) Korrekt svar (-3) | +1 EB |
| 3. | Max 2/0/0 |
| a) Korrekt svar (6π) | +1 EPL |
| b) Godtagbar skiss av kurvan $y = \sin \frac{x}{2}$ där godtagbar amplitud och period framgår | +1 EB |
| <i>Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"</i> |  |

4. **Max 1/1/0**
- Minst en av kurvans asymptoter godtagbart inritad +1 E_B
- med båda kurvans asymptoter godtagbart inritade och inga felaktiga asymptoter inritade +1 C_B
- Kommentar:* De två korrekta asymptoterna är $y = x - 1$ och $x = -2$

Se kapitel 3 ”Exempel på bedömda elevlösningar”



5. **Max 0/1/0**
- Korrekt svar $(1 + \frac{\pi}{2})$ +1 C_P
6. **Max 0/1/0**
- Korrekt svar (e^2) +1 C_B
7. **Max 1/1/1**
- a) Korrekt svar $(-4 - 3i)$ +1 E_B
- b) Korrekt svar (t.ex. $-\frac{\pi}{4}; -45^\circ$) +1 C_B
- c) Godtagbar markering av linjen $\text{Im } z = \text{Re } z + 2$ +1 A_B



Se kapitel 3 ”Exempel på bedömda elevlösningar”






8. **Max 0/0/1**
- Korrekt svar $(-\pi^2)$ +1 A_{PL}
9. **Max 0/0/1**
- Korrekt svar (t.ex. $\cos 36^\circ + i \sin 36^\circ; \cos \frac{\pi}{5} + i \sin \frac{\pi}{5}$) +1 A_B
- Kommentar:* Även svar med flera korrekta lösningar ges poäng, men svar av typen $\cos n36^\circ + i \sin n36^\circ$ ges ej poäng eftersom svaret innehåller reella lösningar.

10. **Max 0/0/1**
- Korrekt svar (y^8) +1 A_B

Instruktioner för bedömning av delprov C

- 11.** **Max 2/0/0**
- Godtagbar ansats, förlänger med nämnarens konjugat, $\frac{(8+6i)(1-2i)}{(1+2i)(1-2i)}$ +1 E_P
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar $(4-2i)$ +1 E_P
-
- 12.** **Max 2/1/0**
- Godtagbar ansats, bestämmer minst en lösning till ekvationen korrekt +1 E_P
- med godtagbar fortsättning, bestämmer minst två lösningar till ekvationen korrekt, t.ex. $x = 15^\circ + n \cdot 90^\circ$ +1 E_P
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar
- $(x = \frac{\pi}{12} + n \cdot \frac{\pi}{2}$ och $x = \frac{\pi}{6} + n \cdot \frac{\pi}{2}; x = 15^\circ + n \cdot 90^\circ$ och $x = 30^\circ + n \cdot 90^\circ)$ +1 C_P
-
- 13.** **Max 2/0/0**
- Godtagbar ansats, t.ex. skriver om VL till $\frac{a+bi-(a-bi)}{2i}$ +1 E_R
- med i övrigt godtagbart resonemang där likheten visas +1 E_R
- Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"* 
-
- 14.** **Max 0/3/0**
- a) Visar att $f(z)$ är delbart med $g(z)$, t.ex. med hjälp av polynomdivision +1 C_R
- b) Godtagbar ansats, t.ex. ställer upp $(z^2 + 2z + 10)(z^2 - 1) = 0$ och bestämmer minst två rötter till ekvationen +1 C_P
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar $(z = \pm 1$ och $z = -1 \pm 3i)$ +1 C_P
- Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"* 
-
- 15.** **Max 0/2/0**
- Godtagbar ansats, t.ex. gör liknämning och använder formeln för dubbla vinkeln i täljare eller nämnare i VL, t.ex. $\frac{\sin 2x}{(\cos x - \sin x)(\cos x + \sin x)}$ +1 C_R
- med i övrigt godtagbart bevis +1 C_R

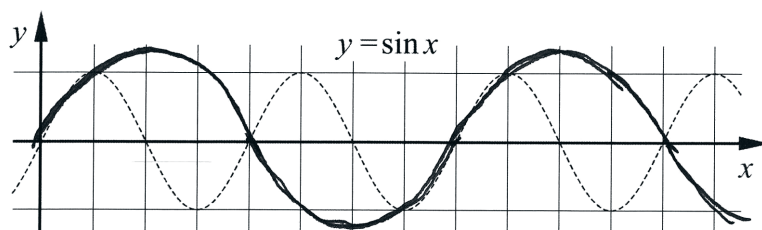
- 16.** **Max 0/3/0**
- Godtagbar ansats, t.ex. bestämmer $\cos^2 v$ och tecknar $\tan v = \frac{\sin v}{\cos v}$ +1 C_{PL}
- med godtagbar fortsättning, kommer fram till ett värde på $\tan v$ som uppfyller villkoret $\sin^2 v = \frac{8}{9}$, t.ex. $\tan v = \sqrt{8}$ +1 C_{PL}
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($-\sqrt{8}$) +1 C_R
- Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"* 
- 17.** **Max 0/3/0**
- Godtagbar ansats, anger ett samband mellan a och b samt deriverar f korrekt +1 C_{PL}
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($a = 10$ och $b = -2$) +1 C_{PL}
- Lösningen kommuniceras på C-nivå, se kapitel 1 "Bedömning av skriftlig kommunikativ förmåga" +1 C_K
- Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"* 
- 18.** **Max 0/0/2**
- Godtagbar ansats, t.ex. skriver om ekvationen med subtraktionssatsen för sinus, $\sin(v - 40^\circ) = \sin v$ +1 A_R
- med i övrigt godtagbart bevis +1 A_R
- Se kapitel 3 "Exempel på bedömda elevlösningar"* 
- 19.** **Max 0/0/2**
- Godtagbar ansats, bestämmer $G'(x) = (\ln x)^2 + \frac{2x \ln x}{x} + 3$ +1 A_P
- med i övrigt godtagbar lösning med korrekt svar ($x_1 = 1$ och $x_2 = e$) +1 A_P

3. Exempel på bedömda elevlösningar

I det här kapitlet finns exempel på bedömda elevlösningar till vissa uppgifter i provet samt kommentarer till exemplen som stöd för bedömningen.

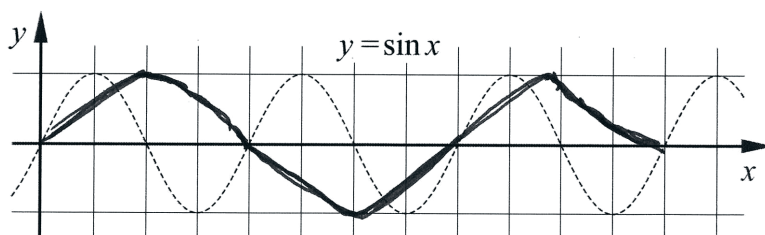
Uppgift 3

Elevlösningsexempel 3.1 (0 poäng)



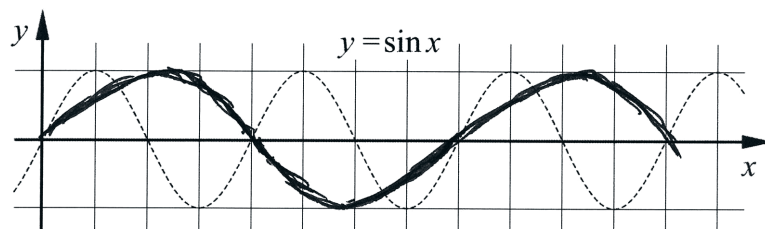
Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas en kurva som inte har en godtagbar amplitud. Därmed anses inte kraven för begreppspoäng på E-nivå vara uppfyllda.

Elevlösningsexempel 3.2 (1 EB)

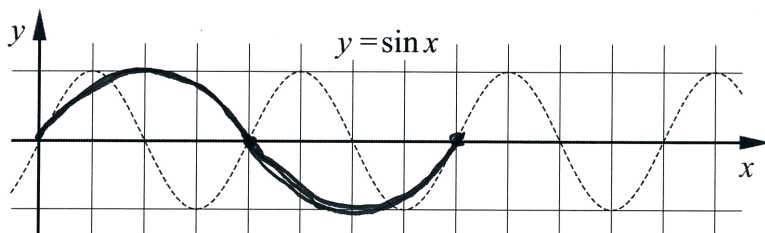


Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas en godtagbar skiss där den korrekta amplituden och perioden framgår. Trots att kurvan har en något kantig form anses kraven för begreppspoäng på E-nivå nätt och jämnt vara uppfyllda.

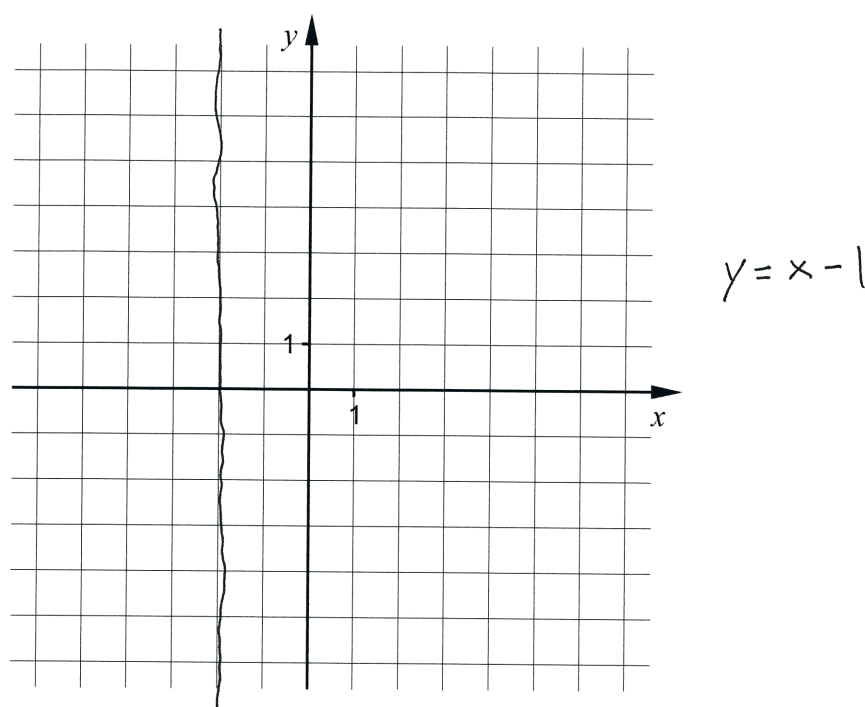
Elevlösningsexempel 3.3 (1 EB)



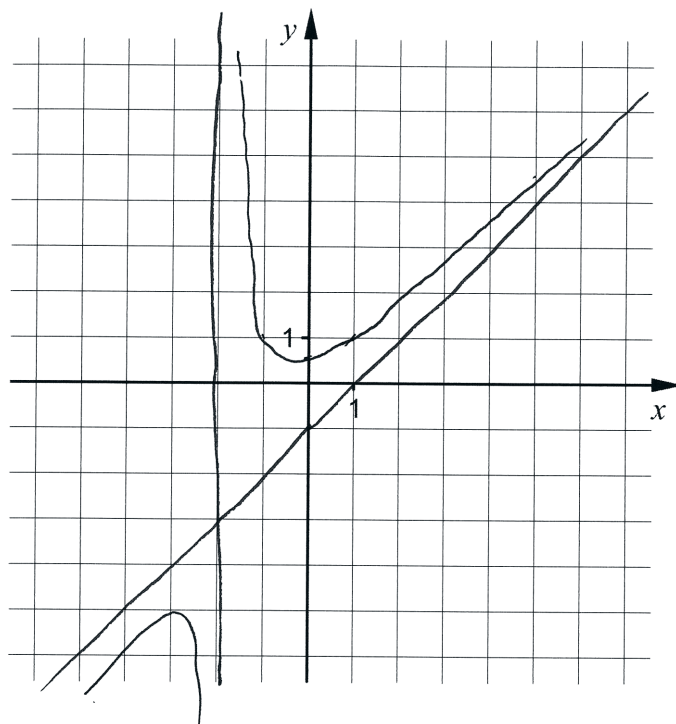
Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas en godtagbar skiss där den korrekta amplituden och perioden framgår. Trots att kurvan är något skev och inte prickar extrempunkterna exakt anses kraven för begreppspoäng på E-nivå nätt och jämnt vara uppfyllda.

Elevlösningsexempel 3.4 (1 EB)

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas en godtagbar skiss där den korrekta amplituden och perioden framgår. Trots att endast en period av kurvan är ritad anses kraven för begreppsöäng på E-nivå nått och jämnt vara uppfyllda.

Uppgift 4**Elevlösningsexempel 4.1 (1 EB)**

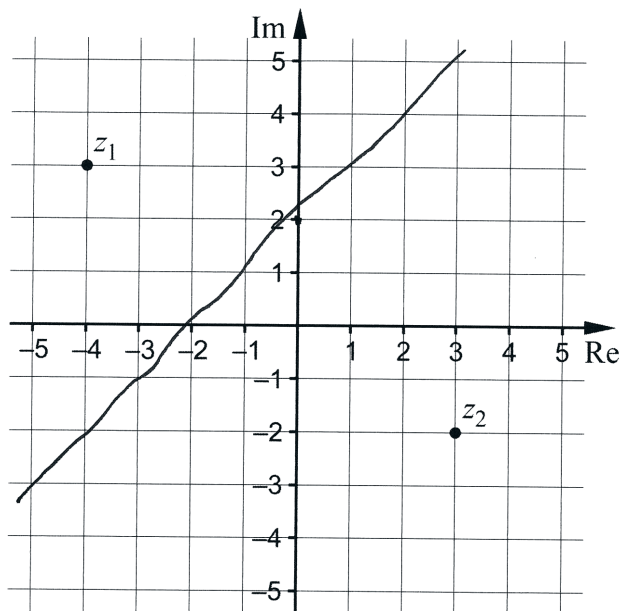
Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas en godtagbart ritad lodrät asymptot. För den andra asymptoten har en korrekt ekvation angetts men utan skiss och lösningen uppfyller därmed inte kraven för begreppsöäng på C-nivå.

Elevlösningsexempel 4.2 (1 E_B och 1 C_B)

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas två godtagbart inritade asymptoter. Trots att lösningen även innehåller en skiss av kurvan ges lösningen samtliga möjliga poäng.

Uppgift 7c

Evelösningsexempel 7c.1 (1 AB)



Bedömningskommentar till exemplet: I evelösningen är linjen $\text{Im } z = \text{Re } z + 2$ inritad. Trots att linjen är något oprecis inritad anses kraven för en begreppsöppning på A-nivå vara uppfyllda.

Uppgift 13

Evelösningsexempel 13.1 (0 poäng)

$$\frac{z - \bar{z}}{2i} = \text{Im } z$$

$$\text{v.l.} = \frac{(2+2i) - (2-2i)}{2i} =$$

$$= \frac{2+2i - 2+2i}{2i} =$$

$$= \frac{4i}{2i} = 2 = \text{H.L.} \quad \text{V.S.V.}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I evelösningen visas att sambandet gäller för ett specifikt fall, $z = 2 + 2i$. Detta anses inte motsvara en godtagbar ansats.

Elevlösningsexempel 13.2 (1 ER)

$$z = a + bi \quad \bar{z} = a - bi$$

$$\frac{z - \bar{z}}{2i} = \frac{(a + bi) - (a - bi)}{2i} = \frac{2bi}{2i} = bi = \operatorname{Im} z$$

V.S.B.

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen påbörjas beviset korrekt vilket uppfyller kraven för ansatspoängen. I den fortsatta lösningen sätts sista kvoten lika med bi i stället för det korrekta b . Vidare anges felaktigt att $bi = \operatorname{Im} z$. Därmed anses likheten inte visad. Lösningen ges en resonemangspoäng på E-nivå.

Elevlösningsexempel 13.3 (2 ER)

$$z - \bar{z} = x + yi - (x - yi) = 2yi$$

$$\frac{z - \bar{z}}{2i} = \frac{2yi}{2i} = y \quad \text{V.S.B.}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas att uttrycket är lika med y men utan kommentar om att $y = \operatorname{Im} z$. Trots denna brist anses kraven för den andra poängen nått och jämnt vara uppfyllt. Lösningen ges två resonemangspoäng på E-nivå.

Elevlösningsexempel 13.4 (2 ER)

Den reella delen av z tar ut varandra när de subtraheras eftersom den är samma på båda.

Och eftersom \bar{z} är tvärtom z på den imaginära delen så får man $\operatorname{Im} z$ när man delar med $2i$,

$$\text{t.ex.} \quad \frac{4i - (-4i)}{2i} = 4$$

Så om vi har $z = 3 + 4i$ så blir det

$$\frac{3 + 4i - (3 - 4i)}{2i} = 4$$

och $\operatorname{Im} z$ är då i detta fall 4.

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen genomförs ett något otydligt generellt resonemang med den något oprecisa formuleringen ”eftersom \bar{z} är tvärtom z på den imaginära delen”. Sedan följer två exempel för att förtydliga resonemanget. Sammantaget anses detta nått och jämnt uppfylla kraven för den andra resonemangspoängen. Lösningen ges två resonemangspoäng på E-nivå.

Uppgift 14

Elevlösningsexempel 14.1 (2 Cp)

$$\begin{aligned}
 \text{a)} \quad z^2 - 1 &= 0 & z &= 1 \\
 f(1) &= 1^4 + 2 \cdot 1^3 + 9 \cdot 1^2 - 2 \cdot 1 - 10 = \\
 &= 1 + 2 + 9 - 2 - 10 = 0
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{r}
 \text{b)} \quad z^2 + 2z + 10 \\
 \hline
 z^4 + 2z^3 + 9z^2 - 2z - 10 \quad | \quad z^2 - 1 \\
 -(z^4 - z^2) \\
 \hline
 2z^3 + 10z^2 - 2z - 10 \\
 -(2z^3 - 2z) \\
 \hline
 10z^2 - 10 \\
 -(10z^2 - 10) \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

$$(z^2 + 2z + 10)(z^2 - 1) = 0$$

$$z = -1 \pm \sqrt{1-10}$$

$$z = -1 \pm 3i$$

$$\begin{array}{l}
 \text{Svar} \quad z_1 = -1 + 3i \\
 \quad \quad z_2 = -1 - 3i \\
 \quad \quad z_3 = 1 \\
 \quad \quad z_4 = -1
 \end{array}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen till deluppgift a) visas endast att den positiva roten till $z^2 - 1 = 0$ är ett nollställe till f . Det är inte tillräckligt för att visa att $z^2 - 1$ är en faktor. I elevlösningen till deluppgift b) genomförs en polynomdivision som ger resten noll. Sedan bestäms samtliga rötter korrekt. Trots att polynomdivisionen i deluppgift b) implicit visar att f är delbar med $z^2 - 1$ ges inte poäng för lösningen i a). Sammantaget ges lösningen två procedurpoäng på C-nivå.

Elevlösningsexempel 14.2 (1 CR och 2 CP)

a)

$$\begin{array}{r}
 z^2 + 2z + 10 \\
 \hline
 z^4 + 2z^3 + 9z^2 - 2z - 10 \quad \boxed{z^2 - 1} \\
 - (z^4 \quad - z^2) \\
 \hline
 2z^3 + 10z^2 - 2z - 10 \\
 - (2z^3 \quad - 2z) \\
 \hline
 10z^2 \quad - 10 \\
 - (10z^2 \quad - 10) \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

b)

$$(z^2 - 1)(z^2 + 2z + 10) = 0$$

$$z^2 - 1 = 0 \rightarrow z = \pm 1$$

$$z^2 + 2z + 10 = 0 \rightarrow z = -1 \pm \sqrt{1 - 10} = -1 \pm 3i$$

Svar

$$\begin{aligned}
 z_1 &= -1 + 3i \\
 z_2 &= -1 - 3i \\
 z_3 &= 1 \\
 z_4 &= -1
 \end{aligned}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen till deluppgift a) genomförs en korrekt polynomdivision som ger resten noll. Trots avsaknad av kommentar om delbarheten anses kraven för resonemangspoängen vara uppfyllda. I elevlösningen till deluppgift b) används resultatet i deluppgift a) och en godtagbar bestämning av samtliga rötter görs. Sammantaget ges lösningen samtliga möjliga poäng på uppgiften.

Uppgift 16

Elevlösningsexempel 16.1 (2 CPL)

$$\tan v = ?$$

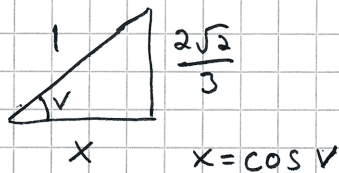
$$90^\circ < v < 180^\circ$$

$$\sin^2 v = \frac{8}{9}$$

$$\sin v = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$\tan v = \frac{\sin v}{\cos v}$$

$$\tan v = \frac{\frac{2\sqrt{2}}{3}}{\frac{1}{3}} = \frac{2\sqrt{2}}{3} \cdot \frac{3}{1} = 2\sqrt{2}$$



$$\underline{\underline{\text{Svar } \tan v = -2\sqrt{2}}}$$

$$1^2 = \left(\frac{2\sqrt{2}}{3}\right)^2 + x^2$$

$$1 = \frac{8}{9} + \cos^2 v$$

$$\frac{1}{9} = \cos^2 v \Rightarrow \cos v = \frac{1}{3}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen bestäms med hjälp av en rätvinklig triangel att $\tan v = 2\sqrt{2}$, vilket uppfyller villkoret $\sin^2 v = \frac{8}{9}$ men inte intervallvillkoret.

I svaret görs sedan ett teckenbyte på $\tan v$ utan motivering. Därmed anses inte kraven för resonemangspoäng på C-nivå vara uppfyllda. Sammantaget ges lösningen två problemlösningspoäng på C-nivå.

Elevlösningsexempel 16.2 (2 CPL och 1 CR)

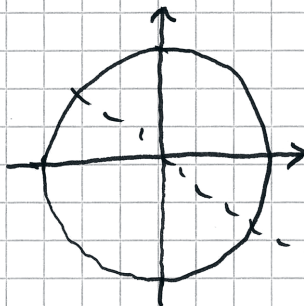
$$\begin{cases} \sin^2 v = \frac{8}{9} \\ \cos^2 v + \sin^2 v = 1 \end{cases}$$

$$\cos^2 v = 1 - \sin^2 v = 1 - \frac{8}{9} = \frac{1}{9}$$

$$\tan^2 v = \frac{\sin^2 v}{\cos^2 v} = \frac{\frac{8}{9}}{\frac{1}{9}} = \frac{8}{9} \cdot \frac{9}{1} = 8$$

$$\tan v = \sqrt{\tan^2 v} = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

För $90^\circ < v < 180^\circ$



För en vinkel i andra kvadranten behöver talet vara negativt dvs:

$$\therefore \tan v = -2\sqrt{2}$$

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen bestäms ett korrekt värde på $\tan v$ som uppfyller båda villkoren. När $\tan v$ bestäms ur $\tan^2 v$ bortses från det negativa värdet. I och med den efterföljande kommentaren om att $\tan v$ är negativt i andra kvadranten anses ändå kraven för resonemangspoängen nått och jämnt vara uppfyllda. Sammantaget ges samtliga möjliga poäng.

Uppgift 17

Elevlösningsexempel 17.1 (2 CPL och 1 CK)

$$f(x) = \frac{ax+b}{x+1} \quad f(1) = \frac{a+b}{2}$$

$$f'(x) = \frac{a(x+1) - 1(ax+b)}{(x+1)^2}$$

$$f'(1) = \frac{a \cdot 2 - (a+b)}{2^2} = \frac{2a-a-b}{4} = \frac{a-b}{4}$$

$$\frac{a+b}{2} = 4 \rightarrow a+b=8 \rightarrow a=8-b$$

$$\frac{a-b}{4} = 3 \rightarrow a-b=12 \rightarrow a=12+b$$

$$8-b=12+b$$

$$-4=2b$$

$$b=-2$$

$$a=8-(-2)=8+2=10$$

$$\underline{\text{Svar}} \begin{cases} a=10 \\ b=-2 \end{cases}$$

Bedömningskommentar: I elevlösningen bestäms korrekta värden på a och b . När det gäller kommunikation är den matematiska symbolhanteringen korrekt men villkoren i uppgiften används på rad 4 och 5 utan hänvisning till framtagna uttryck för $f(1)$ och $f'(1)$. Likaså sätts en ekvation upp för bestämning av b på rad 6 utan hänvisning till sambanden på rad 4 och 5. Trots dessa brister anses kraven för kommunikationspoäng på C-nivå nått och jämnt vara uppfyllda.

Uppgift 18

Elevlösningsexempel 18.1 (1 AR)

$$\sin v \cos 40^\circ = \sin v + \cos v \sin 40^\circ$$

$$\underbrace{\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ}_{\sin(v-40^\circ)} = \sin v$$

$$\sin(v-40^\circ) = \sin v$$

Eftersom att $\sin v$ har sitt högsta värde
då $v = 90^\circ$ då $v \geq 90^\circ$ speglar där $v \leq 90^\circ$.

Med tanke på detta skulle det krävas att
vi hade ett v -värde på 110° för att påståendet
ska stämma och eftersom $0^\circ \leq v \leq 90^\circ$ så saknar
ekvationen lösning inom intervallet $0^\circ \leq v \leq 90^\circ$.

V, S, V.

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen hänvisas till att $\sin v$ har största värdet
då $v = 90^\circ$ och en något otydlig beskrivning av symmetrin: ”då $v \geq 90^\circ$ speglar där $v \leq 90^\circ$ ”.
Sedan påstås utan motivering att det krävs att $v = 110^\circ$ för att påståendet ska stämma, vilket
inte visar att lösningar saknas i intervallet. Därmed anses inte kraven för den andra
resonemangspoängen på A-nivå vara uppfyllda.

Elevlösningsexempel 18.2 (2 AR)

$$\sin v \cos 40^\circ = \sin v + \cos v \sin 40^\circ$$

$$\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ = \sin v$$

$$\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ = \sin(v-40^\circ)$$

$$\sin(180^\circ - \theta) = \sin(\theta)$$

\Rightarrow sin har två lika värden

ett i första och ett i andra kvadranten.

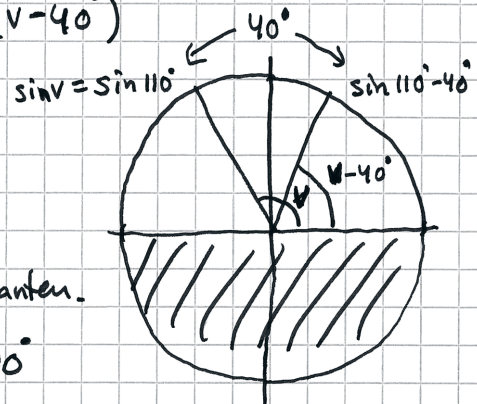
$\Rightarrow \sin v = \sin(v-40^\circ)$ om $0^\circ \leq v < 90^\circ$

eftersom det krävs $v \geq 110^\circ$ för att

$$\sin v = \sin(v-40^\circ)$$

$$\sin 110^\circ = \sin(110^\circ - 40^\circ)$$

Q.E.D.



$$\frac{40^\circ}{2} = 20^\circ$$

20° åt vardera håll

från 90° ger samma

sin.

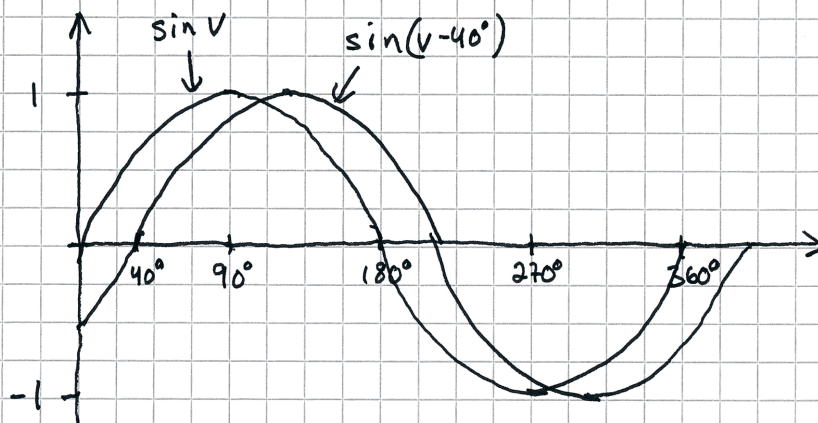
Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen hänvisas till formeln $\sin(180^\circ - \theta) = \sin(\theta)$ och tolkningen att "sin har två lika värden, ett i första och ett i andra kvadranten". Med hjälp av enhetscirkeln markeras vinklarna v och $v - 40^\circ$ i varsin kvadrant och en beräkning görs att $v = 110^\circ$. Resonemanget som helhet anses utesluta lösningar till ekvationen i intervallet. Sammantaget ges lösningen samtliga möjliga poäng.

Elevlösningsexempel 18.3 (2 AR)

$$\sin v \cos 40^\circ = \sin v + \cos v \sin 40^\circ \quad \text{saknar lösning i} \\ 0 \leq v \leq 90^\circ$$

$$\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ = \sin v$$

$$\sin(v - 40^\circ) = \sin v$$



Linjerna stöter inte på varandra föräns efter 90°

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen skissas graferna till $y = \sin v$ och $y = \sin(v - 40^\circ)$. Därefter konstateras att "Linjerna stöter inte på varandra föräns efter 90° ". Detta anses tillräckligt för att visa att lösningar till ekvationen saknas i intervallet. Sammantaget ges lösningen samtliga möjliga poäng.

Elevlösningsexempel 18.4 (2 AR)

$$\sin v \cos 40^\circ = \sin v + \cos v \sin 40^\circ$$

$$\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ = \sin v$$

(sin(u+v))

$$\sin(v-40^\circ) = \sin v$$

(arcsin)

$$v-40^\circ = v + n \cdot 360^\circ$$

$$v-40^\circ = 180^\circ - v + n \cdot 360^\circ$$

$$2v = 220^\circ + n \cdot 360^\circ$$

$$v = 110^\circ + n \cdot 180^\circ$$

v får då aldrig värdet $0^\circ \leq v \leq 90^\circ$ v.s.B.

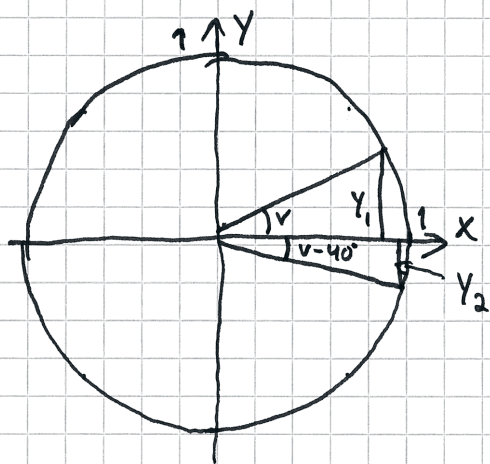
Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen genomförs en förenkling med subtraktionssatsen för sinus följt av en algebraisk lösning av ekvationen. Där lämnas ekvationen $v - 40^\circ = v + n \cdot 360^\circ$ utan kommentar om att den saknar lösning. Trots detta anses lösningen nätt och jämnt uppfylla kraven för den andra resonemangspoängen på A-nivå.

Elevlösningsexempel 18.5 (2 AR)

$$\sin v \cos 40^\circ = \sin v + \cos v \sin 40^\circ$$

$$\sin v \cos 40^\circ - \cos v \sin 40^\circ = \sin v$$

$$\sin(v - 40^\circ) = \sin v$$



$$y_1 = \sin v \quad y_2 = \sin(v - 40^\circ)$$

$$0^\circ \leq v \leq 90^\circ$$

Vad än v är i intervallet
så blir alltid $y_1 > y_2$ då

y_2 även kan vara negativt.

samt att det är 40° mindre

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen visas enhetscirkeln med vinklarna v och $v - 40^\circ$ inritade, där v är vald så att $0^\circ \leq v \leq 90^\circ$. Sedan namnges y -koordinaterna på enhetscirkeln: $y_1 = \sin v$ och $y_2 = \sin(v - 40^\circ)$. Slutligen resoneras utifrån figuren att $y_1 > y_2$ oavsett vilket värde v har i intervallet. Detta anses visa att $\sin v = \sin(v - 40^\circ)$ saknar lösning för v i intervallet $0^\circ \leq v \leq 90^\circ$. Lösningen anses uppfylla kraven för båda resonemangs-poängen på A-nivå.

Uppgift 20

Elevlösningsexempel 20.1 (0 poäng)

Zaras kurva har kortare period än Yosefs.

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen beskrivs skillnaden mellan kurvorna. Det saknas dock en förklaring till varför Yosefs och Zaras kurvor ser olika ut för samma inmatade funktion.

Elevlösningsexempel 20.2 (0 poäng)

De har råkat använda olika inställningar.

Bedömningskommentar till exemplet: I elevlösningen framgår inte vilken typ av inställningar det gäller.