

Kursprov, vårterminen 2016

# Matematik

## Bedömningsanvisningar

För samtliga skriftliga delprov

1b

**Kontaktuppgifter**

Frågor om provets genomförande kan ställas till den ansvariga för provet i matematik 1 på Skolverket:  
Johan Falk, e-post: [johan.falk@skolverket.se](mailto:johan.falk@skolverket.se)

Frågor om utformningen av och innehållet i provet i matematik 1 kan ställas till följande personer vid PRIM-gruppen, Stockholms universitet:

Karin Rösmer Axelson (provansvarig), e-post: [karin.axelson@mnd.su.se](mailto:karin.axelson@mnd.su.se),  
telefonnummer: 08-1207 6627

Katarina Kristiansson (provutvecklare), e-post: [katarina.kristiansson@mnd.su.se](mailto:katarina.kristiansson@mnd.su.se),  
telefonnummer: 08-1207 6574

Niklas Thörn (provutvecklare), e-post: [niklas.thorn@mnd.su.se](mailto:niklas.thorn@mnd.su.se),  
telefonnummer: 08-1207 6948

Astrid Pettersson (vetenskaplig ledare), e-post: [astrid.pettersson@mnd.su.se](mailto:astrid.pettersson@mnd.su.se)

Maria Nordlund (projektledare), e-post: [maria.nordlund@mnd.su.se](mailto:maria.nordlund@mnd.su.se)

Veronica Palmgren (administratör), e-post: [veronica.palmgren@mnd.su.se](mailto:veronica.palmgren@mnd.su.se)

Frågor om PRIM-gruppens urvalsinsamling kan ställas till: [insamling@prim-gruppen.se](mailto:insamling@prim-gruppen.se)

Frågor om beställningar och utskick av provmaterialet kan ställas till Exakta Print,  
telefonnummer: 040-685 51 10.

# Innehåll

<b>1. Allmän information om bedömningen och betygssättningen av provet i matematik 1.....</b>	<b>5</b>
<b>2. Bedömningsanvisningar .....</b>	<b>6</b>
Instruktioner för bedömning av delprov B .....	6
Instruktioner för bedömning av delprov C .....	9
Instruktioner för bedömning av delprov D .....	10
<b>3. Exempel på bedömda elevlösningar.....</b>	<b>12</b>
Bedömda elevlösningar delprov B .....	12
Bedömda elevlösningar delprov C .....	13
Bedömda elevlösningar delprov D.....	23
<b>4. Kravgränser för provbetyg i matematik 1b.....</b>	<b>29</b>
<b>5. Kopieringsunderlag .....</b>	<b>30</b>
Provsammanställning – centralt innehåll matematik 1b .....	30
Provsammanställning – förmågepoäng matematik 1b.....	31
Resultatredovisning – sammanfattning elev.....	32
Bedömningsformulär matematik 1b .....	33



# 1. Allmän information om bedömningen och betygssättningen av provet i matematik 1

Utgångspunkten för bedömningen är att eleven ska få poäng för lösningens förtjänster och inte poängavdrag för fel och brister. Det går då att ge delpoäng för en lösning som visar att en elev kommit en bit på väg. Elevernas lösningar ska bedömas med högst det antal poäng som anges i bedömningsanvisningarna.

Bedömningen ska göras med olika kvalitativa förmågepoäng, E-, C- och A-poäng, som märkts med den huvudsakliga förmåga som främst avses att prövas. Uppgiftens innehåll och elevlösningarnas kvalitet har bedömts utifrån ämnesplanen och kunskapskraven. De olika uppgifterna har kategoriserats och olika lösningar till dessa har analyserats. Sedan har svaret, lösningen eller dellösningen poängsatts med kvalitativa förmågepoäng.

I elevhäftena visas endast nivån på poängen. Till exempel innebär (1/2/3) att uppgiften kan ge högst 1 E-poäng, 2 C-poäng och 3 A-poäng.

I bedömningsanvisningarna anges vad som krävs för varje poäng. Poängen anges med både nivå och med den huvudsakliga förmåga som främst avses att prövas. Till exempel innebär +E<sub>P</sub> en poäng som svarar mot kunskapskravet för E-nivån för procedurförmågan och +A<sub>R</sub> en poäng som svarar mot kunskapskravet för A-nivån för resonemangsförmågan.

När två poäng skrivs på samma rad betyder det att båda dessa poäng ska delas ut samtidigt. I nedanstående exempel kan en elevlösning alltså inte tilldelas (1/0/0) utan antingen (0/0/0) eller (2/0/0).

<b>4.</b>	<b>27</b> Korrekt svar.	<b>(2/0/0)</b> +E <sub>B</sub> +E <sub>P</sub>	E	C	A
			B	P	PI
			M	R	K
			/	/	/
			/	/	/
			/	/	/

För uppgifter av kortsvartyp, där endast svar krävs, finns exempel på godtagbara svar i bedömningsanvisningarna. Endast svaret beaktas.

För uppgifter där redovisning krävs finns exempel på godtagbara svar och bedömningsanvisningar för delpoäng. För full poäng krävs redovisning med godtagbart svar eller slutsats. Godtagbar metod eller förklaring till hur uppgiften kan lösas kan ge delpoäng även om det därefter följer en felaktighet, t.ex. räknefel. Fel i lösningen av en deluppgift bör inte påverka bedömningen av lösningarna i de följande deluppgifterna. Om uppgifternas komplexitet inte minskas avsevärt på grund av tidigare fel kan full poäng utdelas för deluppgiftens lösning, trots förekomst av följdfel.

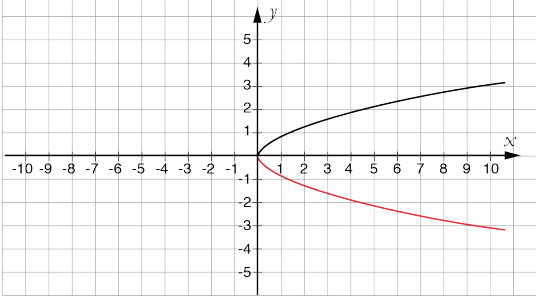

I slutet av detta häfte, s. 30, finns en provsammanställning som visar vilket centralt innehåll som respektive uppgift avser att pröva. På s. 31 finns en provsammanställning där samtliga kvalitativa förmågepoäng finns markerade. En ifylld sammanställning ger en bild över elevens förmågespridning på provet och kan användas för att ge återkoppling av provresultatet till eleven. Förmågorna går in i varandra och har beröringspunkter vilket innebär att eleverna kan ha visat fler förmågor än den huvudsakliga som är markerad i provsammanställningen.


Dokument med provutvecklarnas uppdelning och numrering av kunskapskrav och centralt innehåll finns på [www.su.se/primgruppen](http://www.su.se/primgruppen). Där finns även provspecifika serviceblanketter som kan underlätta sammanställning av resultat eller återkoppling av provresultat till elever.

Mer information om bedömningen finns i det gröna häftet med lärarinformation.

## 2. Bedömningsanvisningar

### Instruktioner för bedömning av delprov B

<p>1.</p>	 <p>Godtagbart speglad graf.</p>	<p>(1/0/0)</p> <p>+E<sub>B</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
<p>2.</p>	<p><math>x^2 - 6x; x(x-6)</math></p> <p>Korrekt förenklat uttryck.</p>	<p>(1/0/0)</p> <p>+E<sub>P</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
<p>3.</p>	<p><b>15</b></p> <p>Påbörjad lösning, t.ex. visar att 1/5 av talet är 3 eller tecknar godtagbar ekvation.</p> <p>Lösning med korrekt svar.</p>	<p>(2/0/0)</p> <p>+E<sub>PL</sub></p> <p>+E<sub>P</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
<p>4.</p>	<p><math>x \leq 3</math></p> <p>Korrekt svar.</p>	<p>(1/0/0)</p> <p>+E<sub>P</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
<p>5.</p>	<p><b>14 kr</b></p> <p>Rimligt svar med någon motivering, t.ex. avläst differens vid 1 hg.</p> <p>Godtagbart svar med redovisad lösning som baseras på avläsning av lämpligt antal hg (10).</p> <p> <i>Till uppgiften finns bedömda elevlösningar, se s. 12.</i></p>	<p>(1/1/0)</p> <p>+E<sub>PL</sub></p> <p>+C<sub>P</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															
<p>6.</p>	<p>⇔</p> <p>⇒</p> <p>⇐</p> <p>Två korrekta svar.</p> <p>Tre korrekta svar.</p>	<p>(1/1/0)</p> <p>+E<sub>B</sub></p> <p>+C<sub>B</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
Pl																															
M																															
R																															
K																															

7.	<p><b>20 (st)</b> Korrekt svar.</p>	<p><b>(0/1/0)</b> +C<sub>PL</sub></p>	
8.	<p><b>550</b> Korrekt svar.</p>	<p><b>(0/1/0)</b> +C<sub>B</sub></p>	
9. a)	<p><b><math>y = 3</math> och <math>x = 10</math></b> Korrekt ifylld tabell.</p>	<p><b>(1/0/0)</b> +E<sub>B</sub></p>	
b)	<p><b><math>y = 3x</math>; <math>y/3 = x</math>; <math>y</math> är 3 gånger större än <math>x</math></b> Godtagbart svar.</p>	<p><b>(0/1/0)</b> +C<sub>B</sub></p>	
10.	<p><b>18</b> Påbörjad lösning där värdet på <math>a</math> är bestämt. Redovisning med korrekt svar.</p>	<p><b>(0/1/1)</b> +C<sub>PL</sub> +A<sub>PL</sub></p>	
11.	<p><b>60</b> Korrekt svar.</p>	<p><b>(0/0/1)</b> +A<sub>P</sub></p>	
12.	<p> Korrekt diagram markerat.</p>	<p><b>(0/0/1)</b> +A<sub>B</sub></p>	
13.	<p><b><math>3x - 1</math></b> Korrekt svar.</p>	<p><b>(0/0/1)</b> +A<sub>P</sub></p>	
14.	<p><b>(Bas) 6</b> Korrekt svar.</p>	<p><b>(0/0/1)</b> +A<sub>PL</sub></p>	
15.	<p><b><math>y, z, x</math></b> Korrekt placerade variabler.</p>	<p><b>(0/0/1)</b> +A<sub>PL</sub></p>	





## Instruktioner för bedömning av delprov C

Uppgift 16


(4/4/4)




	E	C	A
<b>Metod och genomförande</b>	<p>Eleven förlänger <math>13/25</math> till hundradelar och omvandlar till decimalform.</p> <p>+E<sub>P</sub></p> <p>Eleven gör en godtagbar lista med minst tre av nämnarna 2, 4, 5, 10, 20 eller 50.</p> <p>+E<sub>PL</sub></p> <p>Eleven primtalsfaktorerar någon nämnare i uppgiften.</p> <p>+E<sub>P</sub></p>	<p>Eleven gör en godtagbar lista med minst fem av nämnarna 2, 4, 5, 10, 20 eller 50.</p> <p>+C<sub>B</sub></p> <p>Eleven primtalsfaktorerar minst fyra nämnare i uppgiften.</p> <p>+C<sub>P</sub></p>	<p>Eleven anger att bråket <math>1/32</math> ska förlängas med <math>5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5 \cdot 5</math>, (<math>5^5</math>).</p> <p>+A<sub>PL</sub></p> <p>Med hjälp av primtalsfaktorer omvandlar eleven <math>1/32</math> till decimalform (0,03125).</p> <p>+A<sub>P</sub></p>
<b>Resonemang</b>	<p>Eleven drar en enkel slutsats utifrån sin undersökning att några nämnare har primtalsfaktorerna 2 eller 5 gemensamt.</p> <p>+E<sub>R</sub></p>	<p>Eleven visar utifrån sin undersökning att nämnarna kan delas upp i primtalsfaktorerna 2 och 5 kopplat till talet 100.</p> <p>+C<sub>R</sub></p>	<p>Eleven visar utifrån sin undersökning att talen 2 och 5 även kan bygga upp någon tiopotens större än 100.</p> <p>+A<sub>R</sub></p>
<b>Kommunikation</b>	[Redacted]	<p>Elevens redovisning är lätt att följa och det matematiska språket är godtagbart. Redovisningen omfattar minst en av punkterna 3–5.</p> <p>+C<sub>K</sub></p>	<p>Elevens redovisning är välstrukturerad och det matematiska språket är i huvudsak korrekt. Redovisningen omfattar större delen av punkterna 3–5.</p> <p>+A<sub>K</sub></p>



Till uppgiften finns bedömda elevlösningar, se s. 13–22.

## Instruktioner för bedömning av delprov D

17.	<b>500 kr</b> Lösning med korrekt svar.	(1/0/0) +E <sub>B</sub>	
18.	<b>Ca 7,6 miljarder</b> Sätter in godtagbart värde på x i formeln. Lösning med godtagbart svar.	(2/0/0) +E <sub>M</sub> +E <sub>P</sub>	
19.	<b>0,18 (ml)</b> Påbörjad lösning, t.ex. skriver 1450 ppm i decimalform. Lösning med godtagbart svar.	(2/0/0) +E <sub>B</sub> +E <sub>P</sub>	
20.	<b>Nej, jeanspriset följer inte KPI ; Det följer mellan 2000 och 2005 men inte mellan 2005 och 2010</b> Tecknar minst två relevanta förhållanden mellan åren eller mellan KPI och jeanspris. Lösning med godtagbar slutsats.	(1/1/0) +E <sub>B</sub> +C <sub>R</sub>	
21. a)	<b>310 s ; 5 min 10 s</b> Sätter in båda värdena korrekt. Lösning med korrekt svar.	(2/0/0) +E <sub>M</sub> +E <sub>P</sub>	
b)	<b><math>T = 36n + 3v</math>; <math>T = (40 - 4)n + 3v</math>; <math>36n + 3v</math>; <math>40n + 3v - 4n</math></b> Anger godtagbar formel eller uttryck.	(0/1/0) +C <sub>M</sub>	
22. a)	<b>T.ex. 44 dygn ; 1,4 månader ; 1 månad 13 dygn</b> Påbörjad lösning med korrekt användning av tabellen. Redovisning med godtagbart svar i intervallet 1,3–1,5 månader.	(2/0/0) +E <sub>PL</sub> +E <sub>P</sub>	
b)	<b>"Nej, jag andas var tredje sekund och då hinner det födas 12 barn."</b> Godtagbar motivering varför det föds fler än en människa per andetag.  <i>Bedömda avskrivna autentiska elevlösningar</i> 0/1/0 "Ja om jag andas mycket, mycket snabbt. 4 gånger på en sekund." 0/1/0 "Det föds 4,2 barn i sekunden. Man andas kanske 2 ggr/s. Det föds alltså fler barn/s än du hinner andas. Nej, han har fel.	(0/1/0) +C <sub>R</sub>	
23. a)	<b>44 cm</b> Anger att höjden ökar med 4 cm för varje korg. Lösning med korrekt svar.	(2/0/0) +E <sub>M</sub> +E <sub>PL</sub>	

<p><b>b)</b></p>	<p><b><math>h = 24 + 4x</math>, där <math>x</math> är antalet korgar och <math>h</math> är stapelns höjd</b></p> <p>Anger korrekt uttryck eller formel för att beräkna höjden.</p> <p>Anger en korrekt formel för att beräkna höjden med definierade variabler.</p>	<p><b>(0/2/1)</b></p> <p>+C<sub>M</sub></p> <p>+C<sub>K</sub></p> <p>+A<sub>K</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>24.</b></p>	<p><b>Ca 400 miljoner resor</b></p> <p>Påbörjad lösning, t.ex. beräknar godtagbart totala antalet resor under en månad eller ställer upp en ekvation.</p> <p>Lösning med godtagbart svar.</p>	<p><b>(0/2/0)</b></p> <p>+C<sub>PL</sub></p> <p>+C<sub>P</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>25.</b></p>	<p><b>2,3 %</b></p> <p>Eleven tecknar potensekvationen (<math>25 = 20 \cdot a^{10}</math>).</p> <p>Eleven löser ekvationen (<math>a = 1,023</math>).</p> <p>Anger den procentuella ökningen.</p>	<p><b>(0/3/0)</b></p> <p>+C<sub>M</sub></p> <p>+C<sub>P</sub></p> <p>+C<sub>B</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>26. a)</b></p>	<p><b>Gul, röd, grön eller gul, grön, röd</b></p> <p>Anger att den gula ska köras över först med godtagbar motivering eller anger att ordningen på de övriga två svamparna inte spelar någon roll.</p> <p>Lösning med korrekt svar utifrån exempel på någon starthastighet.</p> <p>Lösning med korrekt svar utifrån alla möjliga starthastigheter.</p> <p> <i>Till uppgiften finns bedömda elevlösningar, se s. 23–24.</i></p>	<p><b>(0/2/1)</b></p> <p>+C<sub>R</sub></p> <p>+C<sub>PL</sub></p> <p>+A<sub>R</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>b)</b></p>	<p><b>19,4 km/h</b></p> <p>Hittar godtagbar hastighet med hjälp av prövning eller tecknar en godtagbar ekvation utifrån elevens svar på a), oavsett vald ordning på svamparna.</p> <p>Löser ekvationen med godtagbart svar.</p>	<p><b>(0/1/1)</b></p> <p>+C<sub>PL</sub></p> <p>+A<sub>PL</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>27.</b></p>	<p><b>15 %</b></p> <p>Påbörjad lösning där eleven <i>använder</i> förhållandet mellan en förändring med 5 procentenheter och en förändring med 25 %.</p> <p>Lösning med korrekt svar.</p> <p> <i>Till uppgiften finns bedömda elevlösningar, se s. 25.</i></p>	<p><b>(0/1/1)</b></p> <p>+C<sub>B</sub></p> <p>+A<sub>PL</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															
<p><b>28.</b></p>	<p>Påbörjad lösning, t.ex. ställer upp uttryck för minst två halvcirkelars areor eller beräknar arean av minst två halvcirklar utifrån mått från en rätvinklig triangel.</p> <p>Ställer upp ett generellt samband mellan areorna eller visar med minst ett exempel att påståendet stämmer.</p> <p>Visar att areorna alltid är lika med lämpligt matematisk språk.</p> <p> <i>Till uppgiften finns bedömda elevlösningar, se s. 26–28.</i></p>	<p><b>(0/2/2)</b></p> <p>+C<sub>PL</sub></p> <p>+C<sub>R</sub></p> <p>+A<sub>R</sub></p> <p>+A<sub>K</sub></p>	<table border="1"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																												
B																															
P																															
PI																															
M																															
R																															
K																															

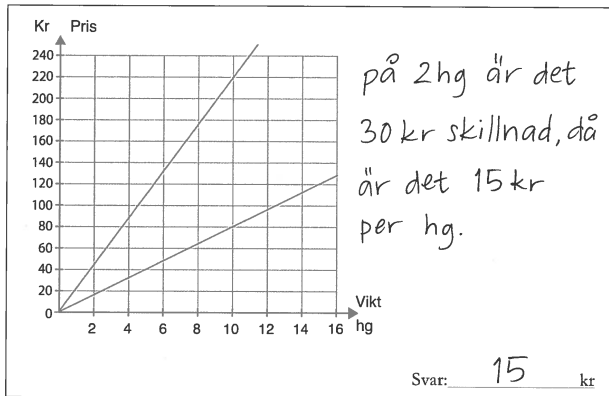
### 3. Exempel på bedömda elevlösningar

#### Bedömda elevlösningar delprov B



Bedömda elevlösningar till uppgift 5

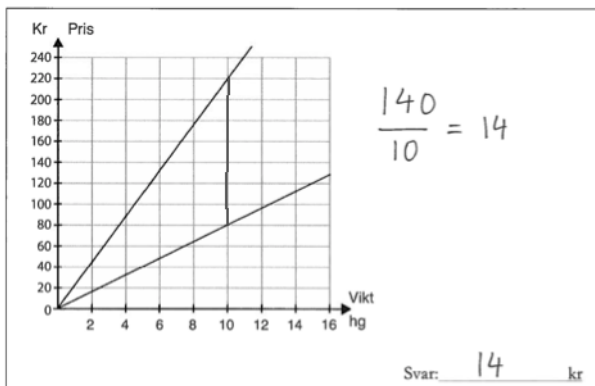
Elevlösning 1



1/0/0

	E	C	A
B			
P			
PI	X		
M			
R			
K			

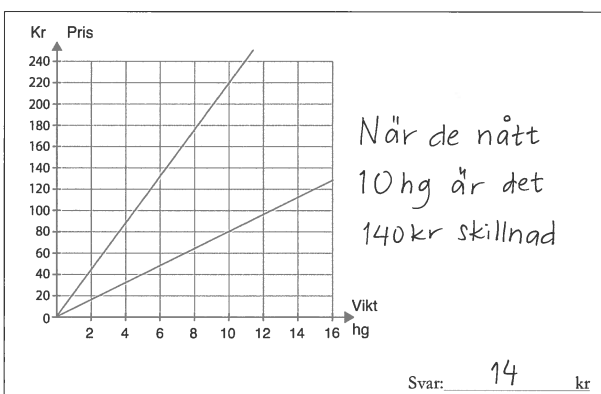
Elevlösning 2



1/1/0

	E	C	A
B			
P			X
PI	X		
M			
R			
K			

Elevlösning 3



1/1/0

	E	C	A
B			
P			X
PI	X		
M			
R			
K			

## Bedömda elevlösningar delprov C



Bedömda elevlösningar till uppgift 16

Elevlösning 1

$$1 \quad \frac{13}{52} \cdot 4 = \frac{52}{100} = 0,52$$

2 10, 20, 50

3

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X			2/0/0
<b>Resonemang</b>				0/0/0
<b>Kommunikation</b>				0/0/0
<b>Summa</b>				2/0/0

Elevlösning 2

1. Svar: 0,52 är decimalformen

$$\frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} = 0,52$$

2.  $50 \cdot 2 = 100$   
 $25 \cdot 4 = 100$   
 nämnare  $10 \cdot 10 = 100$   
 $5 \cdot 20 = 100$

b)

$$\begin{array}{ccccc} 50 & 10 & 5 & 25 & 100 \\ \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow & \swarrow \searrow \\ 2 & 25 & 2 & 5 & 2 & 50 \\ & & & & & \swarrow \searrow \\ & & & & & 2 & 25 \end{array}$$

Svar: nämnarna har antingen 5 eller 25 som ett primtal.

3  $\frac{100}{32} = 3,125$

$$\frac{1000}{32} = 31,25$$

$$\frac{10000}{32} = 312,5$$

$$\frac{100000}{32} = 3125$$

Svar: man lägger på en nolla varje gång så att decimaltecknet flyttas bakåt och blir ett heltal till slut.

b) Svar: 0,03125 är decimalformen

$$\frac{1 \cdot 3125}{32 \cdot 3125} = \frac{3125}{100000} = 0,03125$$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X			3/0/0
<b>Resonemang</b>				0/0/0
<b>Kommunikation</b>				0/0/0
<b>Summa</b>				3/0/0

Kommentar: Eleven primtalsfaktorerar någon nämnare korrekt, men drar ingen korrekt slutsats.

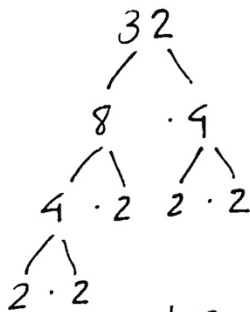
## Elevlösning 3

$$\frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} = 0,52$$

Svar: 0,52 Jag multiplicerar 25 med 4 för att få 100, sedan gör jag samma sak med 13 och får 52, då kan jag konstatera att talet blir 0,52

2, 4, 5, 10, 20, 50

• 5 Ja, för att alla dessa är i 5:ans gångertabell



Svar: Man kan förlänga 32 med 2.

$$\frac{1 \cdot 2}{32 \cdot 2} = \frac{2}{64} = 0,03 \quad \text{Svar: } 0,03$$

## Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X X	X		3/1/0
<b>Resonemang</b>				0/0/0
<b>Kommunikation</b>				0/0/0
<b>Summa</b>				3/1/0

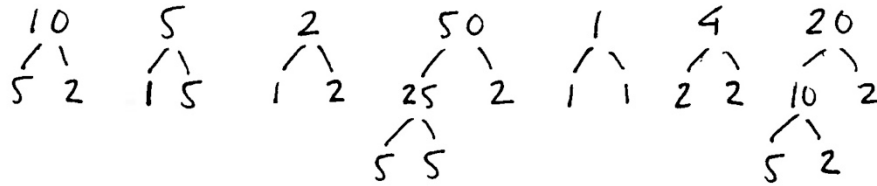
Kommentar: Eleven skriver att talen finns i 5:ans gångertabell, men detta är inte korrekt utifrån elevens undersökning.

Elevlösning 4

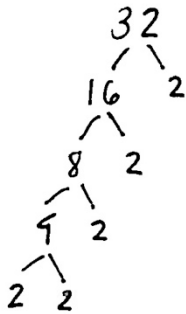
$$\frac{13}{25} = \frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} = 0,52$$

Jag omvandlar täljaren till 100 pga att det är enkelt att dela med.

10, 5, 2, 1, 50, 4, 20



alla dessa kan dela 100 och få jämna tal.



$$\frac{1}{32} = 0,3125$$

$$\begin{aligned} 32 \cdot 16 &= 512 \\ 32 \cdot 8 &= 256 \\ 32 \cdot 4 &= 128 \\ 32 \cdot 2 &= 64 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 1 \cdot 2 &= 2 \\ 1 \cdot 4 &= 4 \\ 1 \cdot 8 &= 8 \\ 1 \cdot 16 &= 16 \end{aligned}$$

Bedömning

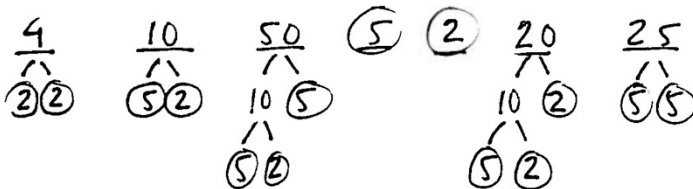
	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X	X	X	3/2/0
<b>Resonemang</b>				0/0/0
<b>Kommunikation</b>				0/0/0
<b>Summa</b>				3/2/0



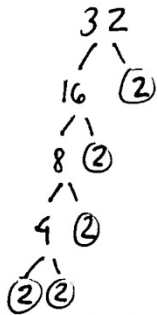
Elevlösning 5

$$\frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} = 0,52$$

$$\frac{1 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{4}{100}$$



Alla primtalsfaktorerna är antingen 5 eller 2 eller en blandning av de två talen.



$$2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 32$$

$$\frac{1 \cdot 2}{32 \cdot 2} = \frac{2}{64} = 0,03125$$

$$\frac{1}{32} = \frac{3125}{100000} = 0,03125$$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X X	X X		3/2/0
<b>Resonemang</b>	X			1/0/0
<b>Kommunikation</b>		X		0/1/0
<b>Summa</b>				4/3/0

Kommentar: Elevens kommunikation i punkt 3 är godtagbar.

## Elevlösning 6

$$\textcircled{1} \quad \frac{13}{25} \quad \frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} \quad \frac{52}{100} = 0,52$$

$$100 \div 25 = 4$$

För att veta hur många gånger man ska förlänga  $\frac{13}{25}$  tills det blir till hundradelar, delar jag 100 på nämnaren 25 och får svaret 4.

Då förlänger jag  $13/25$  med 4 genom att multiplicera 4 med täljaren och nämnaren och får  $\frac{52}{100}$ . Då omvandlar jag bräcket till decimaler  $\frac{52}{100}$  och får 0,52.

$$\textcircled{2} \quad \text{a)} \quad 2, 4, 5, 10, 20, 25, 50$$

$$\text{b)} \quad \begin{array}{cccccccc} 2 & 4 & 5 & 10 & 20 & 25 & 50 & 100 \\ / & / & / & / & / & / & / & / \\ 2 & 2 & 5 & 25 & 25 & 55 & 2 & 50 \\ & & & & \wedge & & \wedge & \wedge \\ & & & & 2 & 5 & 55 & 2 & 25 \\ & & & & & & & \wedge & \wedge \\ & & & & & & & & 5 & 5 \end{array}$$

Alla nämnare är delbara med 2 och/eller 5.  
Det beror på att 100 är också delbart med 2 och 5.  
Alla nämnare som går lätt att förlänga till 100 är bara delbara med 2 och/eller 5 precis som 100 är.

③ a) 
$$\begin{array}{r}
 32 \\
 / \quad \backslash \\
 2 \quad 16 \\
 \quad / \quad \backslash \\
 \quad 2 \quad 8 \\
 \quad \quad / \quad \backslash \\
 \quad \quad 2 \quad 4 \\
 \quad \quad \quad / \quad \backslash \\
 \quad \quad \quad 2 \quad 2
 \end{array}$$

Primtalsfaktorisering av 32 är  $2^5$

b) 
$$\frac{1}{32} \cdot 3125 = \frac{3125}{100000} = 0,03125$$

För att hitta en bra nämnare av 10 potenser prövade jag mig fram tills jag såg att 100 000 skulle vara delbart med 32 och få svaret 3125. Då förlängde jag bråket med 3125 så det blev  $3125/100000$ . Då var det bara att dela och flytta decimaltecknet och då fick jag 0,03125.

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X X	X X		3/2/0
<b>Resonemang</b>	X	X		1/1/0
<b>Kommunikation</b>		X		0/1/0
<b>Summa</b>				4/4/0

Elevlösning 7

1.  $\frac{13}{25} \cdot 4 = \frac{52}{100}$

$\frac{52}{100}$  är samma sak som 52% eller 0,52

2.  $50 \cdot 2 = 4 \cdot 25$   
 $20 \cdot 5 = 10 \cdot 10$

3.  $\begin{array}{c} 2 \\ / \quad \backslash \\ 2 \cdot 1 \end{array}$      $\begin{array}{c} 4 \\ / \quad \backslash \\ 2 \cdot 2 \end{array}$      $\begin{array}{c} 50 \\ / \quad \backslash \\ 5 \cdot 5 \cdot 2 \end{array}$      $\begin{array}{c} 25 \\ / \quad \backslash \\ 5 \cdot 5 \end{array}$      $\begin{array}{c} 10 \\ / \quad \backslash \\ 5 \cdot 2 \end{array}$      $\begin{array}{c} 5 \\ / \quad \backslash \\ 5 \cdot 1 \end{array}$

Svar: Alla talen är jämna, vilket är gemensamt. Beror på att 100 är ett jämnt tal. Dessutom går alla nämnarna att primtalsfaktorisera med endast två eller tre tal, "en nivå".

4.  $\begin{array}{c} 32 \\ / \quad \backslash \\ 4 \quad 8 \\ / \quad \backslash \quad / \quad \backslash \\ 2 \cdot 2 \quad 2 \cdot 2 \cdot 2 \end{array}$      $\begin{array}{c} 32 \\ / \quad \backslash \\ 2 \quad 16 \\ \quad \quad / \quad \backslash \\ \quad \quad 2 \quad 8 \\ \quad \quad \quad / \quad \backslash \quad / \quad \backslash \\ \quad \quad \quad 1 \quad 2 \quad 2 \quad 4 \\ \quad \quad \quad \quad \quad / \quad \backslash \\ \quad \quad \quad \quad \quad 2 \quad 2 \end{array}$

$3125 \cdot 32$  eller  $32 \cdot 5^5 = 100\,000$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X X	X X	X	3/2/1
<b>Resonemang</b>				0/0/0
<b>Kommunikation</b>				0/0/0
<b>Summa</b>				3/2/1

Kommentar: Det matematiska språket är inte godtagbart i punkt 3 och 4.

Elevlösning 8

1  $\frac{13}{25}$  till hundra delar blir  $\frac{13 \cdot 4}{25 \cdot 4} = \frac{52}{100} = 0,52$   
 Först förlänger jag det med 4.

2. nämnare som kan förlängas till 100

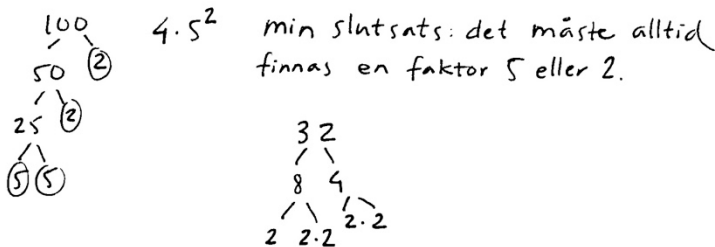
$$\left(\frac{x}{1}\right) \frac{x}{2} \frac{x}{4} \frac{x}{5} \frac{x}{10} \frac{x}{20} \frac{x}{25} \frac{x}{50} \left(\frac{x}{100}\right)$$

·100 ·50 ·25 ·20 ·10 ·5 ·4 ·2 ·1

n 2 4 | 5 | 10 | 20 | 25 | 50  
 faktorisera prim 2·2 | prim 5·2 5·2·2 5·5 5·5·2

Det som jag ser är att alla förlängningar innehåller minst en faktor 5 ex  $\frac{x}{50} \cdot 2 = \frac{2x}{100}$

$$\frac{x}{5 \cdot 5 \cdot 2 \cdot 2} \cdot 2$$



$\frac{1}{32}$  kan förlängas med 3125 då får man

$$\frac{3125}{100000} = 0,03125$$

$$32 \cdot 5^5 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5^5 = 10^5$$

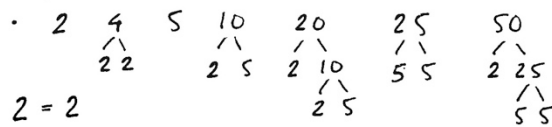
Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X X X	X X	X	3/2/1
<b>Resonemang</b>	X	X	X	1/1/1
<b>Kommunikation</b>		X		0/1/0
<b>Summa</b>				4/4/2

Kommentar: Eleven resonerar om sina nämnare och kopplar 2 och 5 till 100.  
 Eleven visar att talen 5 och 2 bygger upp talet 100 000.

Elevlösning 9

$$\cdot \frac{4 \cdot 13}{4 \cdot 25} = \frac{52}{100} = 0,52$$



$$2 = 2$$

$$4 = 2 \cdot 2$$

$$5 = 5$$

$$10 = 2 \cdot 5$$

$$20 = 2 \cdot 2 \cdot 5$$

$$\underline{50 = 2 \cdot 5 \cdot 5}$$

$$100 = 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5$$

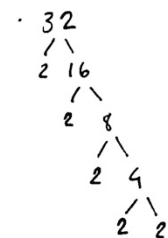
Alla tal har 2 eller 2 och 5 som primtalsfaktorer och om man multiplicerar 2 med 50 får man 100, 4 med 25 får man 100, 20 med 5 får man 100 och 10 med 10 får man 100.

Detta fungerar genom att 100 primfaktorer är  $2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5$  och då man tar 50 som har primtalsfaktorerna  $2 \cdot 5 \cdot 5$  och lägger till 2 så får man  $2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5$  vilket då blir 100 och om vi tar 25 som har primtalsfaktorerna  $5 \cdot 5$  där saknas  $2 \cdot 2$  för att få samma som för 100 men om vi multiplicerar med 4 som har just primtalsfaktorerna  $2 \cdot 2$  så får vi  $2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5$  alltså 100.

$$2 \cdot 5 = 10 \quad 2^n \cdot 5^n = 10^n$$

$$2^2 \cdot 5^2 = 100$$

$$2^3 \cdot 5^3 = 1000$$



$$32 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 2 = 2^5$$

$$2^5 \cdot 5^5 = 100\ 000$$

$$\frac{5^5 \cdot 1}{5^5 \cdot 32} = \frac{3125/1000}{100000/1000} = \frac{3,125}{100} = 0,03125$$

Bedömning

	E	C	A	Poäng
<b>Metod och genomförande</b>	X			3/2/2
	X	X		
	X	X		
<b>Resonemang</b>	X	X		1/1/1
			X	
<b>Kommunikation</b>		X	X	0/1/1
<b>Summa</b>				4/4/4

Kommentar: Eleven ger en fullständig lösning även om resonemanget kring ingående faktorer i nämnaren saknar en tydlig beskrivning av att endast 5 också kan vara en primtalsfaktor.

## Bedömda elevlösningar delprov D



Bedömda elevlösningar till uppgift 26 a)

<p>Elevlösning 1</p> <p>Först ska hon köra på de gula svamparna så hon ökar med 10km. Sedan tar hon de gröna så hon ökar med 10%, och sist tar hon de röda svamparna där procentsatsen är störst.</p> <p>Kommentar: Eleven motiverar inte varför den gula ska köras över först.</p>	<p>0/0/0</p> <table border="1" data-bbox="1236 403 1316 537"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R				K			
	E	C	A																										
B																													
P																													
PI																													
M																													
R																													
K																													
<p>Elevlösning 2</p> <p>Först gul och sen grön, slutligen röd. De tio kilometrarna ska vara först för att vara med i den procentuella ökningen, sen den lägre procentuella för att slutligen kunna använda den största då antalet kilometer är som högst.</p> <p>Kommentar: Eleven motiverar varför den gula ska köras över först.</p>	<p>0/1/0</p> <table border="1" data-bbox="1236 918 1316 1052"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>PI</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td>X</td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B				P				PI				M				R		X		K			
	E	C	A																										
B																													
P																													
PI																													
M																													
R		X																											
K																													

## Elevlösning 3

man åker med 100 km/h

grön - röd - gul

$$100 \text{ km/h} \cdot 1,10 \cdot 1,20 + 10 \text{ km/h} = 142 \text{ km/h}$$

röd - grön - gul

$$100 \text{ km/h} \cdot 1,20 \cdot 1,10 + 10 \text{ km/h} = 142 \text{ km/h}$$

gul - grön - röd

$$100 \text{ km/h} + 10 \text{ km/h} \cdot 1,10 \cdot 1,20 = \boxed{145,2 \text{ km/h}}$$

gul - röd - grön

$$100 \text{ km/h} + 10 \text{ km/h} \cdot 1,20 \cdot 1,10 = \boxed{145,2 \text{ km/h}}$$

grön - gul - röd

$$100 \text{ km/h} \cdot 1,10 + 10 \text{ km/h} \cdot 1,20 = 144 \text{ km/h}$$

röd - gul - grön

$$100 \text{ km/h} \cdot 1,20 + 10 \text{ km/h} \cdot 1,10 = 143 \text{ km/h}$$

Gul ska tas först. Sedan ger det samma hastighet om man tar grön och röd eller röd och grön.

Kommentar: Eleven motiverar genom prövning med en starthastighet att den gula ska köras över först och att ordningen på de övriga två svamparna inte spelar någon roll.

0/2/0

	E	C	A
B			
P			
Pl		X	
M			
R		X	
K			

## Elevlösning 4

Vi börjar med gul eftersom de andra svamparna ökar med procent. Tar vi den gula först kan vi lägga till 20% av 10 osv. Skulle vi ta den gula sist skulle vi gå miste om den extra ökningen.

Det spelar dock ingen roll efter den gula, eftersom slutresultatet blir samma. Därmed blir det:

gul, grön, röd eller gul, röd, grön.

Kommentar: Eleven för ett resonemang om ordningen oberoende av starthastighet.

0/2/1

	E	C	A
B			
P			
Pl		X	
M			
R		X	X
K			





Bedömda elevlösningar till uppgift 27

<p>Elevlösning 1</p> $25 \cdot 4 = 100\% \quad 5 \cdot 4 = 20\%$ <p>Svar: 20%</p> <p>Kommentar: Eleven visar att 5 procentenheter motsvarar 25 % och använder detta i beräkningen.</p>	<p>0/1/0</p> <table border="1" data-bbox="1241 302 1321 443"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B		X		P				Pl				M				R				K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl																													
M																													
R																													
K																													
<p>Elevlösning 2</p> <p>5 procentenheter = 25 %</p> <p>25 % är en fjärdedel av 100 %</p> <p>Andelen socker från början var alltså: <math>5 \cdot 4 = 20\%</math></p> <p>Sedan sänks halten med 5 procentenheter <math>\rightarrow 20 - 5 = 15</math></p> <p>Svar: Energidrycken innehåller 15% socker efter sänkningen.</p>	<p>0/1/1</p> <table border="1" data-bbox="1241 627 1321 768"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td>X</td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B		X		P				Pl			X	M				R				K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl			X																										
M																													
R																													
K																													
<p>Elevlösning 3</p> <p>Antag att <math>x</math> = procent socker innan sänkning</p> $\frac{5}{x} = 0,25 \quad (\text{räknar i procentenheter})$ $x = \frac{5}{0,25}$ <p><math>x = 20 \quad 20 - 5 = 15 \quad \underline{\text{Svar: 15\%}}</math></p>	<p>0/1/1</p> <table border="1" data-bbox="1241 1202 1321 1344"> <tr><td></td><td>E</td><td>C</td><td>A</td></tr> <tr><td>B</td><td></td><td>X</td><td></td></tr> <tr><td>P</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>Pl</td><td></td><td></td><td>X</td></tr> <tr><td>M</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>R</td><td></td><td></td><td></td></tr> <tr><td>K</td><td></td><td></td><td></td></tr> </table>		E	C	A	B		X		P				Pl			X	M				R				K			
	E	C	A																										
B		X																											
P																													
Pl			X																										
M																													
R																													
K																													

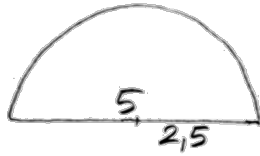


Bedömda elevlösningar till uppgift 28

Elevlösning 1

$$3^2 + 4^2 = 25$$

$$\sqrt{25} = 5$$



$$r^2 \pi / 2$$

$$2,5 \cdot 2,5 \cdot 3,14 = \frac{19,625}{2} = 9,8125$$

$$r^2 \pi / 2$$

$$1,5 \cdot 1,5 \cdot 3,14 = \frac{7,065}{2} = 3,5325$$

$$r^2 \pi / 2$$

$$2 \cdot 2 \cdot 3,14 = \frac{12,56}{2} = 6,28$$

$$6,28 + 3,5325 = 9,8125$$

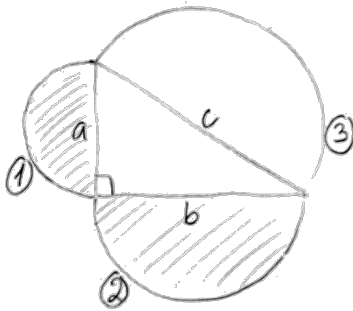
Kommentar: Använder värden från en rätvinklig triangel för att visa att påståendet stämmer.

0/2/0

	E	C	A
B			
P			
Pl	X		
M			
R	X		
K			

## Elevlösning 2

0/2/0



$$\text{area halvcirkel} = \frac{\pi r^2}{2} \quad \text{el.} \quad \frac{\pi d^2}{4} \cdot \frac{1}{2}$$

$$A_1 \quad \frac{\pi a^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi a^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi a^2}{8}$$

$$A_2 \quad \frac{\pi b^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi b^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi b^2}{8}$$

$$A_3 \quad \frac{\pi c^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi c^2}{4} \cdot \frac{1}{2} = \frac{\pi c^2}{8}$$

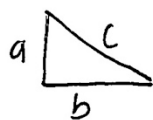
$$\text{pythagoras} = a^2 + b^2 = c^2$$

$$\text{Här blir det} \quad \frac{\pi a^2}{8} + \frac{\pi b^2}{8} = \frac{\pi c^2}{8}$$

Kommentar: Ställer upp ett generellt samband mellan areorna.

0/2/1

## Elevlösning 3



$$\sqrt{a^2 + b^2} = c$$

$$\pi \cdot \left(\frac{a}{2}\right)^2 + \pi \left(\frac{b}{2}\right)^2 = \pi \left(\frac{\sqrt{a^2 + b^2}}{2}\right)^2$$

$$\pi \frac{a^2}{4} + \pi \frac{b^2}{4} = \pi \frac{a^2 + b^2}{4}$$

$$\pi \cdot a^2 + \pi \cdot b^2 = \pi a^2 + b^2$$

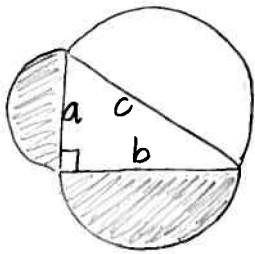
$$a^2 + b^2 = a^2 + b^2$$

Kommentar: Elevens kommunikation är bristfällig på flera ställen i lösningen.

	E	C	A
B			
P			
Pl		X	
M			
R		X	X
K			

Elevlösning 4

0/2/2



$$A_0 = \pi r^2 \text{ eller } \frac{\pi d^2}{4}$$

$$\text{Pyth. sats: } a^2 + b^2 = c^2$$

antag att:

$$\frac{\pi a^2}{4 \cdot 2} + \frac{\pi b^2}{4 \cdot 2} = \frac{\pi c^2}{4 \cdot 2}$$

$$\pi a^2 + \pi b^2 = \pi c^2$$

$$a^2 + b^2 = c^2 \quad \text{v.s.b}$$

Det visas att  $\frac{\pi a^2}{4 \cdot 2} + \frac{\pi b^2}{4 \cdot 2} = \frac{\pi c^2}{4 \cdot 2}$  om  $a^2 + b^2 = c^2$

Sedan kan man förkorta bort alla nämnare då alla har samma.

Gäller även  $\pi$ .

	E	C	A
B			
P			
Pl		X	
M			
R		X	X
K			X

## 4. Kravgränser för provbetyg i matematik 1b

Provbetyg kan endast ges då eleven har genomfört samtliga fyra delprov.

### *Maxpoäng*

Detta prov kan ge maximalt 80 poäng fördelade på 28 E-poäng, 31 C-poäng och 21 A-poäng.

### *Provbetyget E*

För att få provbetyget E ska eleven ha erhållit minst 18 poäng.

### *Provbetyget D*

För att få provbetyget D ska eleven ha erhållit minst 33 poäng varav minst 13 poäng på lägst nivå C.

### *Provbetyget C*

För att få provbetyget C ska eleven ha erhållit minst 41 poäng varav minst 19 poäng på lägst nivå C.

### *Provbetyget B*

För att få provbetyget B ska eleven ha erhållit minst 54 poäng varav minst 7 poäng på nivå A.

### *Provbetyget A*

För att få provbetyget A ska eleven ha erhållit minst 63 poäng varav minst 12 poäng på nivå A.

	Provbetyg E	Provbetyg D	Provbetyg C	Provbetyg B	Provbetyg A
Totalpoäng	Minst 18 poäng	Minst 33 poäng	Minst 41 poäng	Minst 54 poäng	Minst 63 poäng
Nivåkrav		Minst 13 poäng på lägst nivå C	Minst 19 poäng på lägst nivå C	Minst 7 poäng på nivå A	Minst 12 poäng på nivå A

### **Provbetyg**

Provbetyget sammanfattar de kunskaper eleven visat på det nationella provet. Kursbetyget behöver inte vara detsamma som provbetyget eftersom kursbetyget grundar sig på alla kunskaper eleven visat under kursen.

# 5. Kopieringsunderlag

## Provsammanställning – centralt innehåll matematik 1b

Del-prov	Upp-gift	Poäng			Taluppfattning aritmetik o algebra					Geometri				Samband o förändring					Sannolikhet o statistik		Problem- lösning		
		E	C	A	A1	A2	A3	A4	A5	G1	G2	G3	G4	F1	F2	F3	F4	F5	S1	S2	P1	P2	P3
A	M	4	5	5		X				X	X									X	X		
B	1	1	0	0						X							X						
B	2	1	0	0		X	X																
B	3	2	0	0		X															X		
B	4	1	0	0				X	X														
B	5	1	1	0												X	X				X		
B	6	1	1	0							X	X											
B	7	0	1	0		X													X		X		
B	8	0	1	0		X															X		
B	9a	1	0	0												X	X						
B	9b	0	1	0			X									X							
B	10	0	1	1	X		X		X												X		
B	11	0	0	1		X	X																
B	12	0	0	1							X					X	X				X		
B	13	0	0	1			X									X							
B	14	0	0	1	X																X		
B	15	0	0	1			X	X													X		
C	16	4	4	4	X	X															X		
D	17	1	0	0											X								
D	18	2	0	0			X									X	X						
D	19	2	0	0									X										
D	20	1	1	0										X							X		
D	21a	2	0	0			X																
D	21b	0	1	0			X														X	X	
D	22a	2	0	0		X													X		X	X	
D	22b	0	1	0		X													X		X	X	
D	23a	2	0	0												X					X	X	
D	23b	0	2	1			X														X	X	
D	24	0	2	0									X	X									
D	25	0	3	0									X	X	X	X					X		
D	26a	0	2	1										X	X	X					X		
D	26b	0	1	1			X		X												X		
D	27	0	1	1									X								X	X	
D	28	0	2	2			X					X									X	X	X

## Provsammanställning – förmågepoäng matematik 1b

		E				C				A							
Begrepp	Delprov A					M				M							
	Delprov B	1	6	9a		6	8	9b		12							
	Delprov C					16											
	Delprov D	17	19	20		25	27										
Procedur	Delprov A																
	Delprov B	2	3	4		5				11	13						
	Delprov C	16	16			16				16							
	Delprov D	18	19	21a	22a	24	25										
Problem- lösning	Delprov A	M															
	Delprov B	3	5		7	10					10	14	15				
	Delprov C	16								16							
	Delprov D	22a	23a			24	26a	26b	28	26b	27						
Modellering	Delprov A	M				M				M							
	Delprov B																
	Delprov C																
	Delprov D	18	21a	23a		21b	23b	25									
Resonemang	Delprov A	M	M		M	M					M	M					
	Delprov B																
	Delprov C	16				16				16							
	Delprov D					20	22b	26a	28	26a	28						
Kommuni- kation*	Delprov A	Kommunikation på E-nivå antas vara en förutsättning för att erhålla förmågepoäng i övriga förmågor. Således provas inte denna förmåga på E-nivå i enskilda uppgifter.				M				M							
	Delprov B																
	Delprov C					16				16				16			
	Delprov D					23b				23b				23b	28		
		28				31				21							

\* Kommunikation på E-nivå antas vara en förutsättning för att erhålla förmågepoäng i övriga förmågor. Således provas inte denna förmåga på E-nivå i enskilda uppgifter.

## Resultatredovisning – sammanfattning elev

Nationellt kursprov i matematik 1b vt 2016

Namn:	Provbetyg:
-------	------------

	E-poäng		C-poäng		A-poäng		Totalt	
	Din poäng	Max-poäng	Din poäng	Max-poäng	Din poäng	Max-poäng	Din poäng	Max-poäng
<b>Delprov A</b>		4		5		5		14
<b>Delprov B</b>		8		6		6		20
<b>Delprov C</b>		4		4		4		12
<b>Delprov D</b>		12		16		6		34
<b>Totalt</b>		<b>28</b>		<b>31</b>		<b>21</b>		<b>80</b>

Delprov A	E	C	A	Poäng	Motivering
Metod och genomförande	+E <sub>PL</sub> +E <sub>M</sub>	+C <sub>B</sub> +C <sub>M</sub>	+A <sub>B</sub> +A <sub>M</sub>		
Resonemang	+E <sub>R</sub>	+C <sub>R</sub>	+A <sub>R</sub>		
	+E <sub>R</sub>	+C <sub>R</sub>	+A <sub>R</sub>		
Kommunikation		+C <sub>K</sub>	+A <sub>K</sub>		
Summa	4	5	5		

Delprov C	E	C	A	Poäng	Motivering
Metod och genomförande	+E <sub>P</sub> +E <sub>PL</sub> +E <sub>P</sub>	+C <sub>B</sub> +C <sub>P</sub>	+A <sub>PL</sub> +A <sub>P</sub>		
Resonemang	+E <sub>R</sub>	+C <sub>R</sub>	+A <sub>R</sub>		
Kommunikation		+C <sub>K</sub>	+A <sub>K</sub>		
Summa	4	4	4		

### Kravgränser

Gräns för provbetyget

- E: Minst 18 poäng.
- D: Minst 33 poäng varav minst 13 poäng på lägst nivå C.
- C: Minst 41 poäng varav minst 19 poäng på lägst nivå C.
- B: Minst 54 poäng varav minst 7 poäng på nivå A.
- A: Minst 63 poäng varav minst 12 poäng på nivå A.

### Provbetyg

Provbetyget sammanfattar de kunskaper eleven visat på det nationella provet. Kursbetyget behöver inte vara detsamma som provbetyget eftersom kursbetyget grundar sig på alla kunskaper eleven visat under kursen.

Kommentarer:
--------------

Blanketten finns att hämta på [www.su.se/primgruppen](http://www.su.se/primgruppen)



# Bedömningsformulär matematik 1b

Elev: \_\_\_\_\_ Klass: \_\_\_\_\_ Provbetyg: \_\_\_\_\_

Uppg. Poäng	Förmåga och nivå																	
	E						C						A					
	B	P	PI	M	R	K	B	P	PI	M	R	K	B	P	PI	M	R	K
A	M <sub>1</sub>																	
	M <sub>2</sub>																	
	M <sub>3,4</sub>																	
	M <sub>5,6</sub>																	
	M <sub>7</sub>																	
	M <sub>8</sub>																	
	M <sub>9</sub>																	
	M <sub>10</sub>																	
	M <sub>11</sub>																	
	M <sub>12</sub>																	
	M <sub>13</sub>																	
	M <sub>14</sub>																	
	Total																	
	Max	0	0	1	1	2	1	0	0	1	2	1	1	0	0	1	2	1
B	1																	
	2																	
	3 <sub>1</sub>																	
	3 <sub>2</sub>																	
	4																	
	5 <sub>1</sub>																	
	5 <sub>2</sub>																	
	6 <sub>1</sub>																	
	6 <sub>2</sub>																	
	7																	
	8																	
	9a																	
	9b																	
	10 <sub>1</sub>																	
	10 <sub>2</sub>																	
	11																	
	12																	
	13																	
	14																	
	15																	
	Total																	
	Max	3	3	2	0	0	3	1	2	0	0	0	1	2	3	0	0	0
C	16 <sub>1</sub>																	
	16 <sub>2</sub>																	
	16 <sub>3</sub>																	
	16 <sub>4</sub>																	
	16 <sub>5</sub>																	
	16 <sub>6</sub>																	
	16 <sub>7</sub>																	
	16 <sub>8</sub>																	
	16 <sub>9</sub>																	
	16 <sub>10</sub>																	
	16 <sub>11</sub>																	
	16 <sub>12</sub>																	
	Total																	
	Max	0	2	1	0	1	1	1	0	0	1	1	0	1	1	0	1	1

Uppg. Poäng	Förmåga och nivå																	
	E						C						A					
	B	P	PI	M	R	K	B	P	PI	M	R	K	B	P	PI	M	R	K
D	17																	
	18 <sub>1</sub>																	
	18 <sub>2</sub>																	
	19 <sub>1</sub>																	
	19 <sub>2</sub>																	
	20 <sub>1</sub>																	
	20 <sub>2</sub>																	
	21a <sub>1</sub>																	
	21a <sub>2</sub>																	
	21b																	
	22a <sub>1</sub>																	
	22a <sub>2</sub>																	
	22b																	
	23a <sub>1</sub>																	
	23a <sub>2</sub>																	
	23b <sub>1</sub>																	
	23b <sub>2</sub>																	
	23b <sub>3</sub>																	
	24 <sub>1</sub>																	
	24 <sub>2</sub>																	
	25 <sub>1</sub>																	
	25 <sub>2</sub>																	
	25 <sub>3</sub>																	
	26a <sub>1</sub>																	
	26a <sub>2</sub>																	
	26a <sub>3</sub>																	
	26b <sub>1</sub>																	
	26b <sub>2</sub>																	
	27 <sub>1</sub>																	
	27 <sub>2</sub>																	
	28 <sub>1</sub>																	
	28 <sub>2</sub>																	
	28 <sub>3</sub>																	
	28 <sub>4</sub>																	
	Total																	
	Max	3	4	2	3	0	2	2	4	3	4	1	0	0	2	0	2	2

Total																		
Max	6	9	6	4	3		7	4	6	4	7	3	2	3	6	1	5	4

	E	C	A
Total			
Max	28	31	21

Blanketten finns att hämta på [www.su.se/primgruppen](http://www.su.se/primgruppen)





